



NOMBRE Y APELLIDOS:

1. [10%] Douglas R. Hofstadter, ganador del premio Pulitzer de 1980 con la obra *Gödel, Escher, Bach: an Eternal Golden Braid*, definió las siguientes funciones mutuamente recursivas:

```
_____ hembra.py _____  
1 def hembra(n):  
2     if n == 0:  
3         return n  
4     f = hembra(n-1)  
5     return n+1 - macho(f)
```

```
_____ macho.py _____  
1 def macho(x):  
2     if x == 0:  
3         return 0  
4     m = macho(x-1)  
5     return x-1 - hembra(m)
```

¿Cuál es la salida de `hembra(3)` `macho(4)` y `hembra(-1)`?

hembra(3)	macho(4)	hembra(-1)
-----------	----------	------------

2. Considera este fragmento de código

```
1 cadena = 'Esparadrappo malo'  
2 i = 1  
3 seguimos = 'Si'  
4 while seguimos:  
5     letra = cadena[i-1]  
6     print(letra)  
7     if letra == 'a' or i - 1 == len(cadena):  
8         seguimos = {}  
9     i += 1
```

¿Qué valor tienen, al final de la ejecución, las variables `i`, `letra` y `seguimos`?

3. [10%] ¿Qué resultados se obtendrán al evaluar las siguientes expresiones? Calcula primero a mano el valor resultante de cada expresión y comprueba, con la ayuda del ordenador, si tu resultado es correcto.

```
>>> True == True != 1          >>> 0 and abcd  
SOLUCION:                     SOLUCION:  
>>> False >= 0                >>> 1 and abcd  
SOLUCION:                     SOLUCION:  
>>> type(True + 2)            >>> print(2**0 * False + 2**2**True * False+2**True, "Torre", False)  
SOLUCION:                     SOLUCION:  
>>> 1 or abcd                  >>> a = 40; a%20 == 0 or (not a %5== 0 and a%4==0)  
SOLUCION:                     SOLUCION:  
>>> 0 or abcd                  >>> a = 40; (a%20 == 0 or not a %5== 0) and a%4==0  
SOLUCION:                     SOLUCION:  
>>> 1 is in [3,2,1]           >>> 1 is not [3,2,1.]  
SOLUCION:                     SOLUCION:
```

4. [10 %] Dadas dos listas L1 y L2, queremos eliminar los elementos de L1 que están en L2:

```
>>> quitar_comunes([1,2,3,4], [1,2,5,6])
[3, 4]
quitar_comunes([2,5,-1,5], [7,-1,2])
[5]
```

Los dos programas siguientes tratan de implementarlo.

```
1 def quitar_comunes1(L1, L2):
2     for x in L1:
3         if x in L2:
4             L1.remove(x)
```

```
1 def quitar_comunes2(L1, L2):
2     L3 = L1
3     for x in L3:
4         if x in L2:
5             L1.remove(x)
```

Explica brevemente los dos programas. ¿Son correctos? ¿En qué se diferencian ?

5. [10 %] Implementa la función `encontrar_maximo` de dos formas distintas: iterativamente, usando el bucle `while` y recursivamente, usando específicamente la estrategia 'divide-y-venceras'. La entrada es una lista de números(float) de longitud al menos 1, y la salida el máximo de los elementos

1. Iterativamente [3 %]

```
def encontrar_maximo(mi_lista):
    ''' No se puede modificar mi_lista, y debes usar un bucle <while> '''
```

2. Recursivamente [7 %]

```
def encontrar_maximo(mi_lista):
    ''' No se puede modificar mi_lista, y debes usar recursividad, dividiendo la lista de
    entrada en dos mitades de igual longitud (o más 1), encontrar el máximo de ambas
    mitades y luego devolver el máximo de las dos.'''
```

6. [11%] Implementa la función `redactar_correo` de acuerdo con su especificación. No puedes usar el método `replace`.

```
def redactar_correo(lista_correo, caracter):
    ''' Entrada: - lista_correo es una lista. Cada elemento es una lista de cadenas.
        - caracter: una cadena de longitud mayor que uno.
    Salida: muta la lista_correo como se detalla: cada cadena conteniendo el carácter es
    reemplazado por x's. La cadena de las x's tiene la misma longitud que la longitud de
    la cadena original. lista_correo pero no se devuelve. '''
```

```
lista_correo: [ ['llamar', 'en', 'enseguida'], ['encuentro', '3', 'por favor', 'tarde' ], [ ] ]
```

```
(1)caracter : 'en'
redactado: [['llamar', 'xx', 'xxxxxxxxx'], ['xxxxxxxxx', '3', 'por favor', 'tarde'], [ ] ]
(2)caracter : 'e'
redactado: [['llamar', 'xx', 'xxxxxxxxx'], ['xxxxxxxxx', '3', 'por favor', 'xxxxx'], [ ] ]
(3) caracter : 'tu'
redactado: [ ['llamar', 'en', 'enseguida'], ['encuentro', '3', 'por favor', 'tarde' ], [ ] ]
```

7. [9%] A continuación aparecen tres funciones f , g y h de Python que toman como argumento una lista L de números de longitud n .

<pre>def f(L): suma = 0 i=1 while i < len(L): suma = suma + L[i] i = i * 2 return suma</pre>	<pre>def g(L): i = 2**(len(L)) suma = 100 while i >= 0: suma += len(L) i -= -1 return suma</pre>	<pre>def h(L): suma = 0 for x in L: for i in range(1, 101): if x >= i: suma = suma + 1 return suma</pre>
---	---	---

¿Cuál de las siguientes afirmaciones describe con mayor precisión cómo crece el tiempo de ejecución de cada una de ellas a medida que n crece? No contestar al azar, se penaliza con 3% puntos cada respuesta incorrecta.

- (a) Crece linealmente, como n (b) Crece cuadráticamente como n^2
(c) Crece menos que linealmente (d) Crece más que cuadráticamente

SOLUCIÓN para f :	SOLUCIÓN para g :	SOLUCIÓN para h :
---------------------	---------------------	---------------------

8. [10%] Escribe un programa para resolver una clásica adivinanza: 'En una granja hay A cabezas y B patas entre gallinas y conejos, ¿cuántas gallinas y cuántos conejos hay en la granja?'

```
A = int(input('Dame numero de cabezas: '))
B= int(input('Dame numero de patas: '))
```

9. [5%] Transformar a binario (usando a lo sumo 16 bits) el número decimal 39.31.

10. [5%] Los *bytes* que figuran a continuación constituyen la codificación UTF-8 de un texto. Se pide:

1. determinar cuántos caracteres contiene,
2. escribir en notación hexadecimal los *code points* de esos caracteres.

1	1	1	0	0	0	1	0
1	0	1	1	1	1	1	1
1	0	1	0	0	0	1	1
1	1	0	0	0	0	1	0
1	0	0	0	0	1	0	0
1	0	0	1	0	1	0	1
1	0	1	1	1	1	0	1
1	1	1	1	0	0	1	0
1	0	0	0	0	1	0	0
1	0	1	1	0	1	0	1
1	0	1	0	0	0	1	0
1	0	0	0	0	0	1	0
1	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	1	1	1	1

11. [10%] Supongamos que disponemos de la clase `class Punto` con atributos números x e y para las coordenadas, y los siguientes métodos:

```
def __init__(self,x,y):
    """ Crear un Punto."""
def Dist(self, otro):
    """ Devuelve la distancia del punto self al punto otro."""
def VecinoAleatorio(self):
    """ Devuelve un Punto aleatorio con distancia <= 2 al Punto self """
```

El siguiente programa simula un robot que comienza en $(0,0)$ y salta aleatoriamente de un punto a otro en el plano.

```
P = Punto(0,0)
Z = P
t = 0
while P.Dist(Z) <= 100 and t < 100000:
    P = P.VecinoAleatorio()
    t += 1
```

1. ¿Es posible que justo después de que termine este código t sea inferior a 100000? Explica tu respuesta en no más de tres líneas:

2. Supongamos que cuando el robot realiza un salto desde el Punto P a un Punto con distancia mayor que 1, *tu hermano pequeño* tira del robot para que regrese al punto P . Escribir un código que simule este proceso para el robot comenzando en $(0,0)$ e intentando 100 saltos.