

NOMBRE Y APELLIDOS:

1. [15%] Se consideran las siguientes dos funciones no documentadas.

```
_____ h.py _____  
1 def h(s, d):  
2     for k in d.keys():  
3         d[k] = 0  
4     for c in s:  
5         if c in d:  
6             d[c] += 1  
7         else:  
8             d[c] = 0  
9     return d
```

```
_____ agr.py _____  
1 def agr(d):  
2     resultado = 0  
3     for k in d:  
4         resultado += d[k]  
5     return resultado
```

¿Qué se muestra por pantalla después de ejecutar estos dos programas?

```
>>> d1 = {}; d2 = d1; d1 = h('abbc', d1)  
>>> print(agra(d1))
```

<----- SOLUCION

```
>>> d2 =h('bbcaa', d2)  
>>> print(agra(d2))
```

<----- SOLUCION

```
>>> print(h(' ', {}))
```

<----- SOLUCION

```
>>> print(resultado)
```

<----- SOLUCION

2. [10%] Se consideran las siguientes funciones mutuamente recursivas:

```
_____ coger.py _____  
1 def coger(q):  
2     if len(q) > 0:  
3         return [q[0]] + saltar(q[1:])  
4     else:  
5         return []
```

```
_____ saltar.py _____  
1 def saltar(q):  
2     if len(q)<1:  
3         return []  
4     return coger(q[1:])
```

¿Cuál es la salida de `coger([3, 7, 1])` y `saltar([3, 7, 1])`?

<code>coger([3,7,1])</code>	<code>saltar([3,7,1])</code>
-----------------------------	------------------------------



5. [10 %] ¿Qué se muestra por pantalla después de ejecutar el siguiente programa?

```
T = (0.1, 0.1)
x = 0.0
i = 0
while i < len(T):
    for j in T:
        x += i +j
        print(x)
    i += 1
print(i)
```

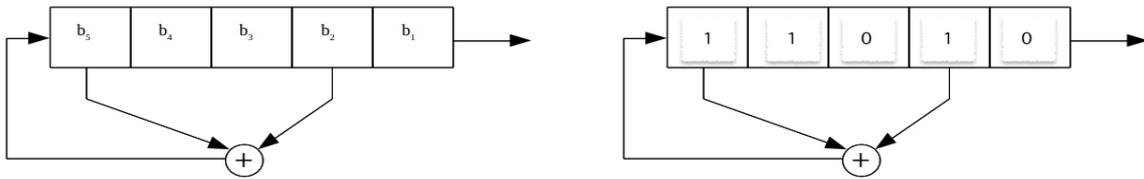
<----- SOLUCIÓN

6. [15 %] Escribe la función `es_tupla_enteros_ordenada(valor)` teniendo como argumento `valor` cualquier objeto Python; devolviendo `True` si `valor` es una tupla, no vacía y ordenada de enteros, y `False` en otro caso.

```
>>> es_tupla_enteros_ordenada((1,2,1))
False
>>> es_tupla_enteros_ordenada((1,2,2))
True
```

```
>>> es_tupla_enteros_ordenada([1,2,2])
False
>>> es_tupla_enteros_ordenada((1.1,2,4))
False
```

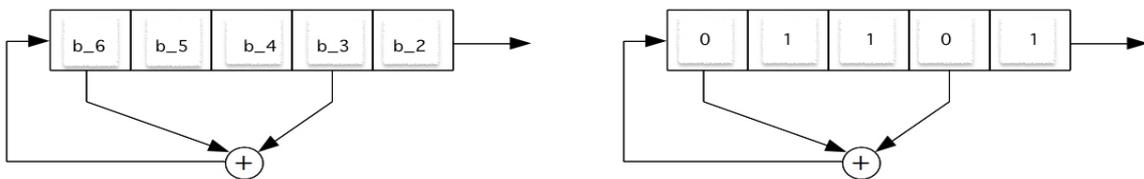
7. [20 %] LFSR son las iniciales de Linear Feedback Shift Register, que se traduce como: registro de desplazamiento con retroalimentación lineal. Es un registro de desplazamiento en el cual la entrada es un bit proveniente de aplicar una función de transformación lineal a un estado anterior. Ilustramos el procedimiento con el siguiente ejemplo. Partimos de una semilla  $b_1b_2b_3b_4b_5 = 01011$  y de la transformación lineal fija  $c_1c_2c_3c_4c_5 = 01001$ .



El bit  $b_6$  que produce el LFSR se obtiene como:

$$b_1 \times c_1 + b_2 \times c_2 + b_3 \times c_3 + b_4 \times c_4 + b_5 \times c_5 = 0 \times 0 + 1 \times 1 + 0 \times 0 + 1 \times 0 + 1 \times 1 = 2$$

Y reducimos modulo 2, es decir  $2 \% 2$  luego el nuevo bit  $b_6 = 0$ . Para construir otro bit, se retroalimenta el LFSR tomando como nueva semilla  $b_2b_3b_4b_5b_6 = 10110$ .



y aplicamos el procedimiento anterior, obteniendo:  $1 \times 0 + 0 \times 1 + 1 \times 0 + 1 \times 0 + 0 \times 1 = 0$ , y  $0 \% 2 = 0 = b_7$ . El bit  $b_8$  para la semilla  $b_3b_4b_5b_6b_7 = 01100$  es  $b_8 = 1$ , el bit  $b_9$  para la semilla  $b_4b_5b_6b_7b_8 = 11001$  es  $b_9 = 0$ . Y así sucesivamente.

Varios sistemas de comunicación digital usan LFSR, como Posicionamiento Global(GPS), NICAM (digital audio system for television), sistemas criptográficos, etc.

Se pide escribir una función `lfsr` que tenga como argumentos: dos cadenas binarias `s` y `c` de la misma longitud y un entero  $n \geq 0$ , devolviendo la cadena de los  $n$  bits generados por el LFSR que tiene como semilla la cadena `s` y como transformación lineal `c`.

```
>>> lfsr('01011', '01001', 0)
''
>>> lfsr('01011', '01001', 1)
'0'
```

```
>>> lfsr('01011', '01001', 3)
'001'
>>> lfsr('01011', '01001', 8)
'00100011'
```